

Von Primzeichen aufgespannte Primfelder

1. «Wir denken drei verschiedene Systeme von Dingen» - so beginnen Hilberts «Grundlagen der Geometrie» (1987, S. 2). Wir wollen hier dasselbe tun für die Semiotik und sagen vermöge Toth (2021): Den Punkten entsprechen die Fundamentalkategorien, den Geraden die Zeichenklassen und Realitätsthematiken und den Ebenen die Primfelder. Ein Primfeld ist eine trichotomische Triade, d.h. ein System von drei semiotischen Relationen (vgl. Walther 1981, 1982), deren strukturelle Realitäten das vollständige Zeichen, d.h. $Z = (M, O, I)$, thematisieren.

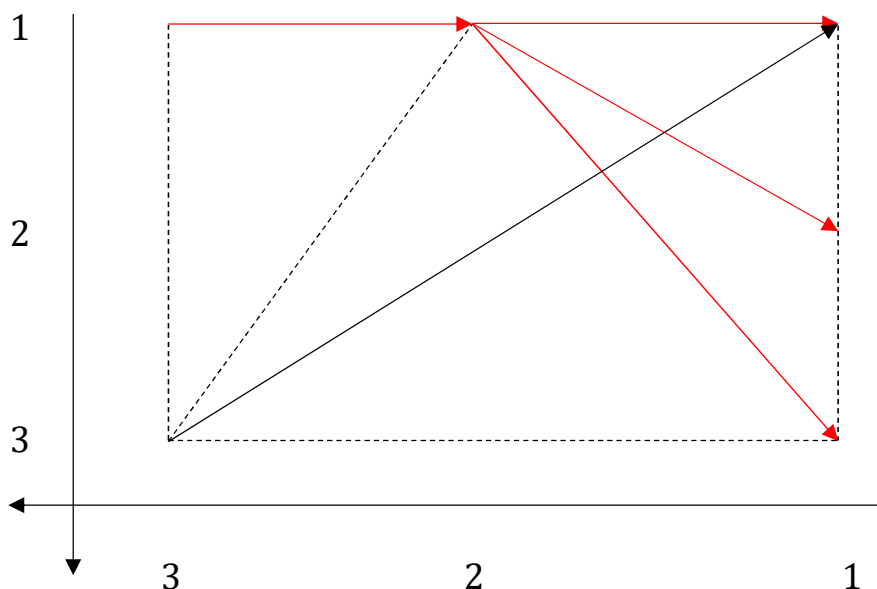
2. In dieser Arbeit wollen wir Primfelder über Primzeichen aufspannen. Als Primzeichenrelation dient die sog. Peircesche Klasse der genuinen Kategorien (vgl. Bense 1992, bes. S. 27 ff.), die auch als Diskriminante der semiotischen Matrix fungiert.

1. Primfeld

DS 1 = $(3.1, 2.1, 1.1) \times (1.1 \leftarrow \underline{1.2, 1.3})$ M-them. M

DS 2 = $(3.1, 2.1, 1.2) \times (2.1 \leftarrow \underline{1.2, 1.3})$ M-them. O

DS 3 = $(3.1, 2.1, 1.3) \times (3.1 \leftarrow \underline{1.2, 1.3})$ M-them. I

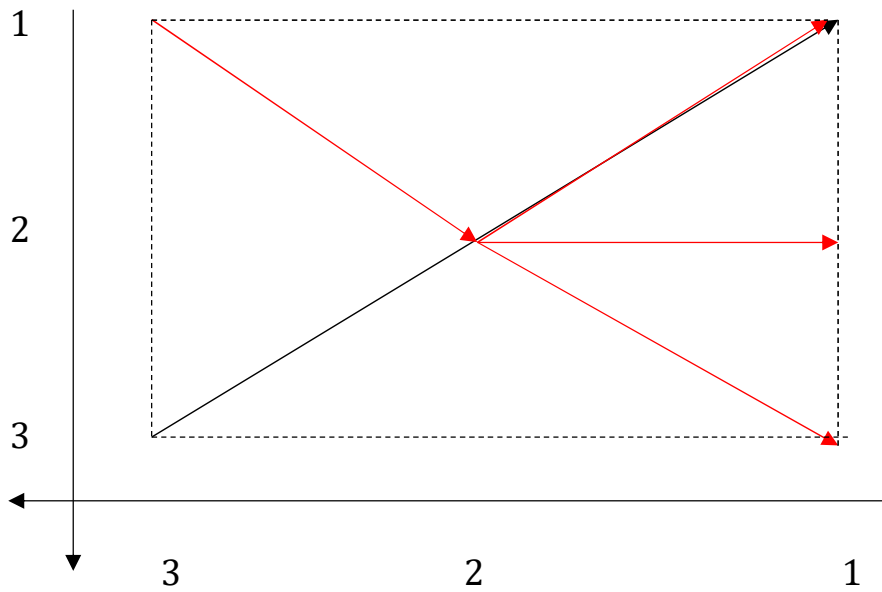


2. Primfeld

DS 4 = (3.1, 2.2, 1.1) × (1.1 → 2.2 ← 1.3) M-them. O

DS 5 = (3.1, 2.2, 1.2) × (2.1, 2.2 → 1.3) O-them. M

DS 6 = (3.1, 2.2, 1.3) × (3.1 ↔ 2.2 ↔ 1.3) triad. Them.

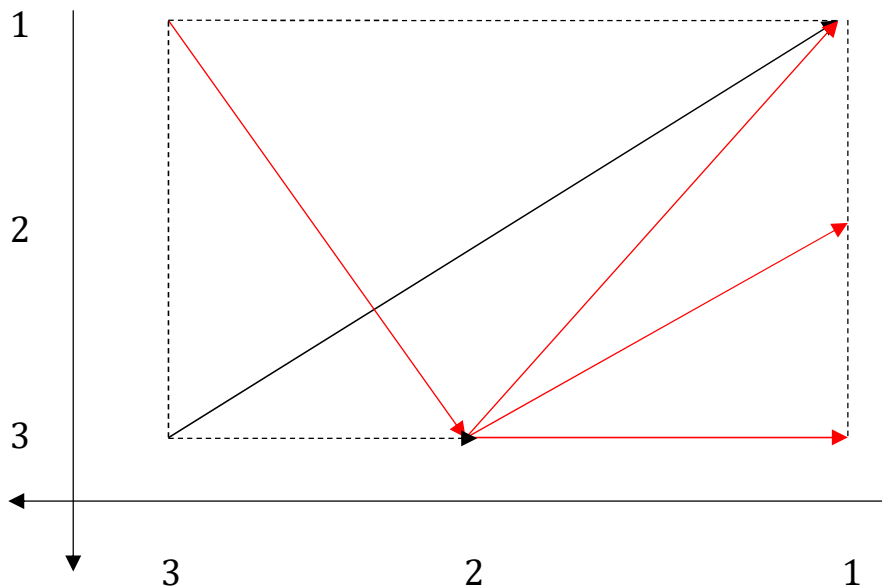


3. Primfeld

DS 7 = (3.1, 2.3, 1.1) × (1.1 → 3.2 ← 1.3) M-them. I

DS 8 = (3.1, 2.3, 1.2) × (2.1 ↔ 3.2 ↔ 1.3) triad. Them.

DS 9 = (3.1, 2.3, 1.3) × (3.1, 3.2 → 1.3) I-them. M

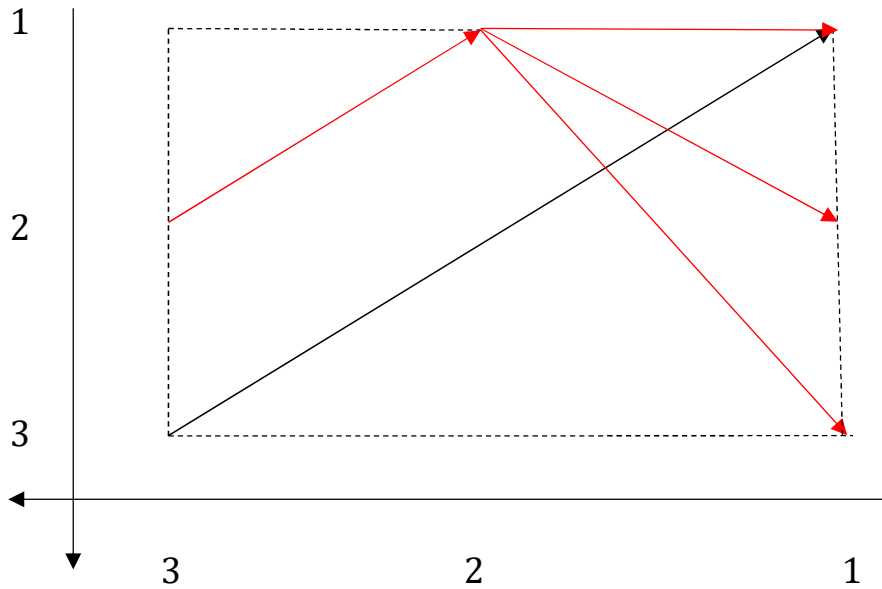


4. Primfeld

DS 10 = (3.2, 2.1, 1.1) × (1.1, 1.2 → 2.3) M-them. O

DS 11 = (3.2, 2.1, 1.2) × (2.1 → 1.2 ← 2.3) O-them. M

DS 12 = (3.2, 2.1, 1.3) × (3.1 ↔ 1.2 ↔ 2.3) triad. Them.

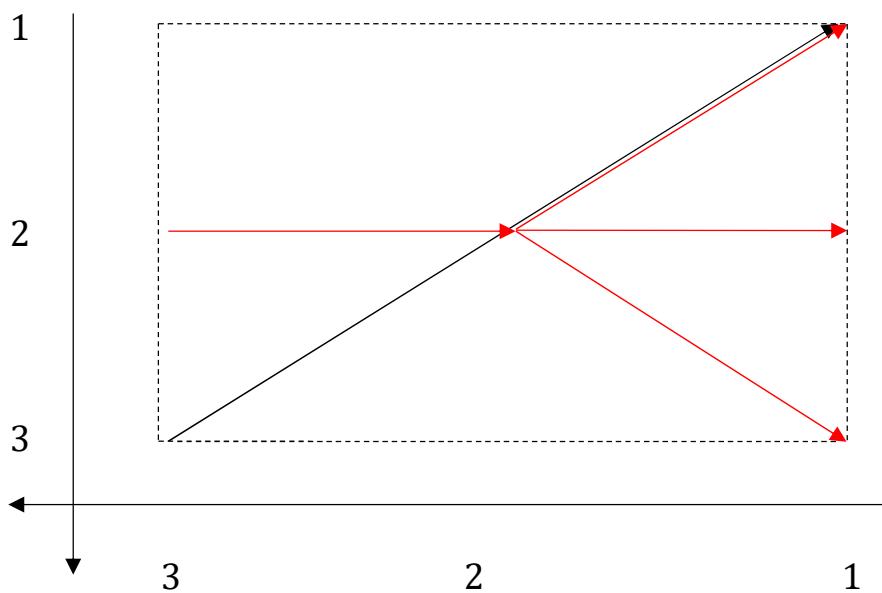


5. Primfeld

DS 13 = (3.2, 2.2, 1.1) × (1.1 ← 2.2, 2.3) O-them. M

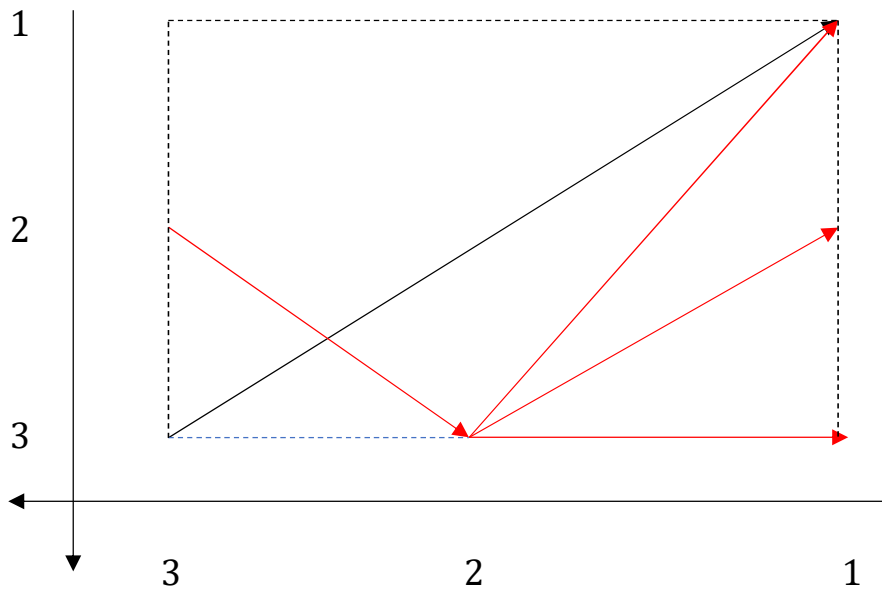
DS 14 = (3.2, 2.2, 1.2) × (2.1 ← 2.2, 2.3) O-them. O

DS 15 = (3.2, 2.2, 1.3) × (3.1 ← 2.2, 2.3) O-them. I



6. Primfeld

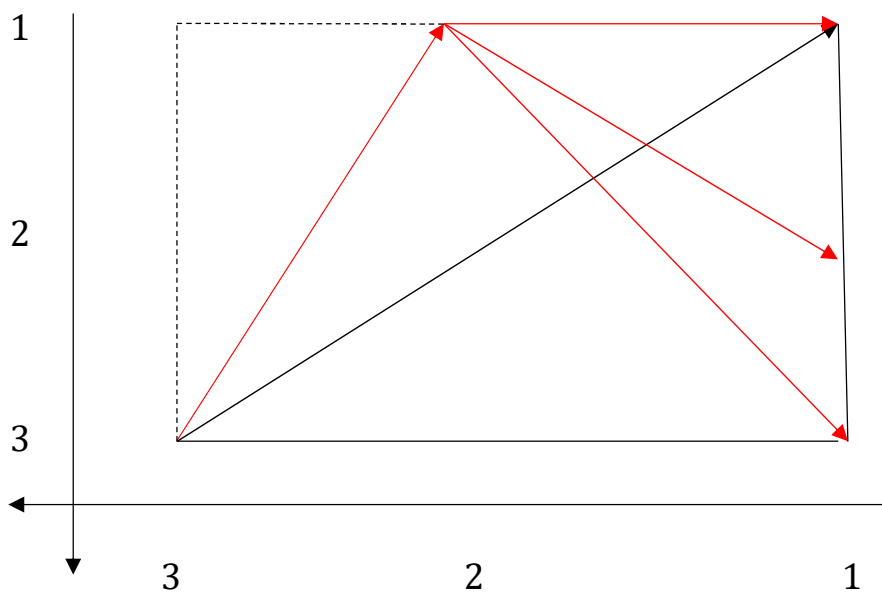
DS 16 = (3.2, 2.3, 1.1) $\times$ (1.1 $\leftrightarrow$ 3.2 $\leftrightarrow$ 2.3) triad. Them.

$$\text{DS 17} = (3.2, 2.3, 1.2) \quad \times \quad (\underline{2.1} \rightarrow 3.2 \leftarrow \underline{2.3}) \quad \text{0-them. I}$$
$$\text{DS 18} = (3.2, 2.3, 1.3) \quad \times \quad (\underline{3.1}, \underline{3.2} \rightarrow 2.3) \quad \text{I-them. 0}$$


7. Primfeld

$$\text{DS } 19 = (3.3, 2.1, 1.1) \quad \times \quad (\underline{1.1}, \underline{1.2} \rightarrow 3.3) \quad \text{M-them. I}$$

DS 20 = (3.3, 2.1, 1.2) $\times$ (2.1 $\leftrightarrow$ 1.2 $\leftrightarrow$ 3.3) triad. Them.

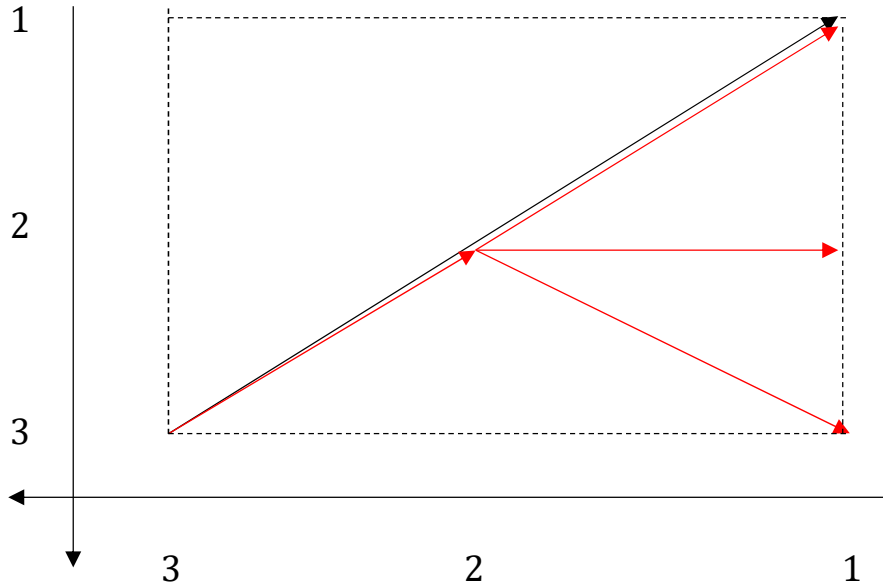
$$\text{DS 21} = (3.3, 2.1, 1.3) \quad \times \quad (\underline{3.1} \rightarrow 1.2 \leftarrow \underline{3.3}) \text{ I-them. M}$$


8. Primfeld

DS 22 = (3.3, 2.2, 1.1) × (1.1 ↔ 2.2 ↔ 3.3) triad. Them.

DS 23 = (3.3, 2.2, 1.2) × (2.1, 2.2 → 3.3) 0-them. I

DS 24 = (3.3, 2.2, 1.3) × (3.1 → 2.2 ← 3.3) I-them. 0

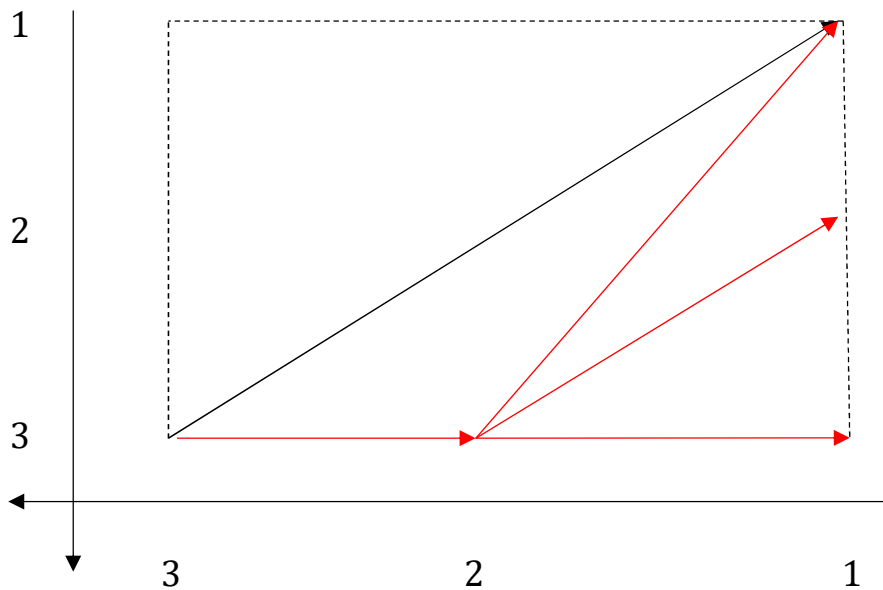


9. Primfeld

DS 25 = (3.3, 2.3, 1.1) × (1.1 ← 3.2, 3.3) I-them. M

DS 26 = (3.3, 2.3, 1.2) × (2.1 ← 3.2, 3.3) I-them. 0

DS 27 = (3.3, 2.3, 1.3) × (3.1 ← 3.2, 3.3) I-them. I



Literatur

Bense, Max, Die Eigenrealität der Zeichen. Baden-Baden 1992

Hilbert, David, Grundlagen der Geometrie. 13. Aufl. Stuttgart 1987

Walther, Elisabeth, Vorläufige Bemerkungen zu Trichotomischen Triaden.
In: Semiosis 21, 1981, S. 29-39

Walther, Elisabeth, Nachtrag zu „Trichotomischen Triaden“. In: Semiosis 27,
1982, S. 15-20

Toth, Alfred, Prime semiotische Systeme. In: Electronic Journal for Mathematical Semiotics, 2021

5.6.2021